

財團法人大學入學考試中心基金會

111學年度學科能力測驗試題

數學B考科

—作答注意事項—

考試時間：100分鐘

作答方式：

- 選擇（填）題用 2B 鉛筆在「答題卷」上作答；更正時，應以橡皮擦擦拭，切勿使用修正液（帶）。
- 除題目另有規定外，非選擇題用筆尖較粗之黑色墨水的筆在「答題卷」上作答；更正時，可以使用修正液（帶）。
- 考生須依上述規定劃記或作答，若未依規定而導致答案難以辨識或評閱時，恐將影響成績並損及權益。
- 答題卷每人一張，不得要求增補。
- 選填題考生必須依各題的格式填答，且每一個列號只能在一個格子劃記。請仔細閱讀下面的例子。

例：若答案格式是 $\frac{\textcircled{18-1}}{\textcircled{18-2}}$ ，而依題意計算出來的答案是 $\frac{3}{8}$ ，則考生必須分別在答題卷上

的第 18-1 列的 $\frac{3}{\square}$ 與第 18-2 列的 $\frac{\square}{8}$ 劃記，如：

18-1	$\frac{1}{\square}$	$\frac{2}{\square}$	$\frac{3}{\blacksquare}$	$\frac{4}{\square}$	$\frac{5}{\square}$	$\frac{6}{\square}$	$\frac{7}{\square}$	$\frac{8}{\square}$	$\frac{9}{\square}$	$\frac{0}{\square}$	$\frac{-}{\square}$	$\frac{\pm}{\square}$
18-2	$\frac{1}{\square}$	$\frac{2}{\square}$	$\frac{3}{\square}$	$\frac{4}{\square}$	$\frac{5}{\square}$	$\frac{6}{\square}$	$\frac{7}{\square}$	$\frac{8}{\blacksquare}$	$\frac{9}{\square}$	$\frac{0}{\square}$	$\frac{-}{\square}$	$\frac{\pm}{\square}$

例：若答案格式是 $\frac{\textcircled{19-1}\textcircled{19-2}}{50}$ ，而答案是 $\frac{-7}{50}$ 時，則考生必須分別在答題卷的第 19-1 列

的 $\frac{\square}{\square}$ 與第 19-2 列的 $\frac{\square}{7}$ 劃記，如：

19-1	$\frac{1}{\square}$	$\frac{2}{\square}$	$\frac{3}{\square}$	$\frac{4}{\square}$	$\frac{5}{\square}$	$\frac{6}{\square}$	$\frac{7}{\square}$	$\frac{8}{\square}$	$\frac{9}{\square}$	$\frac{0}{\square}$	$\frac{-}{\blacksquare}$	$\frac{\pm}{\square}$
19-2	$\frac{1}{\square}$	$\frac{2}{\square}$	$\frac{3}{\square}$	$\frac{4}{\square}$	$\frac{5}{\square}$	$\frac{6}{\square}$	$\frac{7}{\blacksquare}$	$\frac{8}{\square}$	$\frac{9}{\square}$	$\frac{0}{\square}$	$\frac{-}{\square}$	$\frac{\pm}{\square}$

選擇（填）題計分方式：

- 單選題：每題有 n 個選項，其中只有一個是正確或最適當的選項。各題答對者，得該題的分數；答錯、未作答或劃記多於一個選項者，該題以零分計算。
- 多選題：每題有 n 個選項，其中至少有一個是正確的選項。各題之選項獨立判定，所有選項均答對者，得該題全部的分數；答錯 k 個選項者，得該題 $\frac{n-2k}{n}$ 的分數；但得分低於零分或所有選項均未作答者，該題以零分計算。
- 選填題每題有 n 個空格，須全部答對才給分，答錯不倒扣。

※試題中參考的附圖均為示意圖，試題後附有參考公式及數值。

第壹部分、選擇（填）題（占85分）

一、單選題（占 35 分）

說明：第 1 題至第 7 題，每題 5 分。

1. 試問有多少個整數 x 滿足 $2|x| + x < 10$?
(1) 13 個 (2) 14 個 (3) 15 個 (4) 16 個 (5) 無窮多個

2. 某燈會布置變色閃燈，每次啟動後的閃燈顏色會依照以下的順序做週期性變換：藍-白-紅-白-藍-白-紅-白-藍-白-紅-白 $\cdots$ ，每四次一循環，其中藍光每次持續 5 秒，白光每次持續 2 秒，而紅光每次持續 6 秒。假設換燈號的時間極短可被忽略，試選出啟動後第 99 至 101 秒之間的燈號。
(1) 皆為藍燈
(2) 皆為白燈
(3) 皆為紅燈
(4) 先亮藍燈再亮白燈
(5) 先亮白燈再亮紅燈

3. 有八棟大廈排成一行，由左至右分別編號 1,2,3,4,5,6,7,8。今電信公司想選取其中三棟大廈的屋頂分別設立一座電信基地台。若基地台不能設立於相鄰的兩棟大廈，以免訊號互相干擾，試問在 3 號大廈不設立基地台的情況下，有多少種設立基地台的選取方法？
(1) 12 (2) 13 (3) 20 (4) 30 (5) 35

4. 在坐標平面上，已知向量 $\overrightarrow{PQ} = \left(\log \frac{1}{5}, -10^{-5} \right)$ ，其中點 P 的坐標為 $\left(\log \frac{1}{2}, 2^{-5} \right)$ 。試選出正確的選項。
(1) 點 Q 在第一象限
(2) 點 Q 在第二象限
(3) 點 Q 在第三象限
(4) 點 Q 在第四象限
(5) 點 Q 位於坐標軸上

5. 設矩陣 $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$ ，若 $A^7 - 3A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ ，則 $a+b+c+d$ 之值為下列哪一個選項？

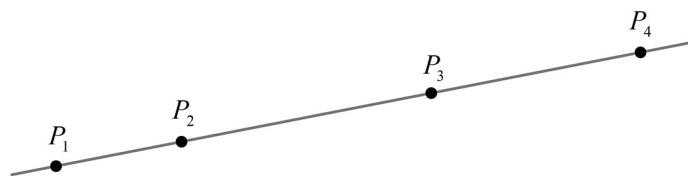
- (1) -8 (2) -5 (3) 5 (4) 8 (5) 10

6. 假設地球為一半徑 r 的球體，有一質點自甲地沿著該地所在經線往北移動，抵達北極點時移動所經過的弧線之長度為 $\frac{7}{12}\pi r$ 。試問哪一個選項最可能是甲地的位置？

- (1) 東經 75° 、北緯 15° (2) 東經 30° 、南緯 75° (3) 東經 75° 、南緯 15°
(4) 西經 30° 、北緯 75° (5) 西經 15° 、南緯 30°

7. 畫家把空間景物用單點透視法畫在平面的畫紙上時，有以下原則要遵守：

- 一、空間中的直線畫在畫紙上必須是一條直線。
二、空間直線上點的相關位置必須和畫紙所畫的點的相關位置一致。
三、空間直線上的任四個相異點的 K 值，和畫紙所畫的四個點之 K 值必須相同，其中 K 值的定義如下：直線上任給四個有順序的相異點 P_1, P_2, P_3, P_4 ，如下圖。



其所對應的 K 值定義為

$$K = \frac{\overline{P_1P_4} \times \overline{P_2P_3}}{\overline{P_1P_3} \times \overline{P_2P_4}}。$$

今某畫家依照以上原則，將空間中一直線及該線上的四相異點 Q_1, Q_2, Q_3, Q_4 描繪在畫紙上，其中 $\overline{Q_1Q_2} = \overline{Q_2Q_3} = \overline{Q_3Q_4}$ 。若將畫紙上所畫的直線視為一數線，並將線上的點用坐標來表示，則在下列選項的四個坐標中，試問哪一組最可能是該四點在畫紙上的坐標？

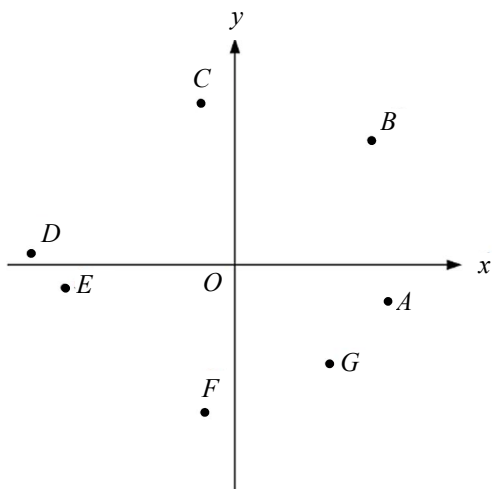
- (1) 1, 2, 4, 8
(2) 3, 4, 6, 9
(3) 1, 5, 8, 9
(4) 1, 2, 4, 9
(5) 1, 7, 9, 10

二、多選題（占 25 分）

說明：第 8 題至第 12 題，每題 5 分。

8. 有一射擊遊戲，將發射台設置於坐標平面的原點，並放置三個半徑為 1 的圓盤靶子，其圓心分別為 $(2,2)$ 、 $(4,6)$ 與 $(8,1)$ 。玩家選定一正數 a ，並按下按鈕後，發射台將向點 $(1,a)$ 方向發射一道雷射光束（形成一射線）。假設雷射光束擊中靶子後可以穿透並繼續沿原方向前進（削過圓盤邊緣也視為擊中）。試選出正確的選項。
- (1) 雷射光束落在通過原點且斜率為 a 的直線上
 - (2) 若 $a = \frac{3}{2}$ ，則雷射光束會擊中圓心為 $(4,6)$ 的圓盤靶子
 - (3) 玩家可以僅發射一道雷射光束就擊中三個圓盤靶子
 - (4) 玩家至少需要發射三道雷射光束才可擊中三個圓盤靶子
 - (5) 玩家發射一道雷射光束後，若擊中圓心為 $(8,1)$ 的圓盤靶子，則 $a \leq \frac{16}{63}$
9. 設 $f(x) = 2x^3 - 3x + 1$ ，下列關於函數 $y = f(x)$ 的圖形之描述，試選出正確的選項。
- (1) $y = f(x)$ 的圖形通過點 $(1,0)$
 - (2) $y = f(x)$ 的圖形與 x 軸只有一個交點
 - (3) 點 $(1,0)$ 是 $y = f(x)$ 的圖形之對稱中心
 - (4) $y = f(x)$ 的圖形在對稱中心附近會近似於一直線 $y = 3x - 3$
 - (5) $y = 3x^3 - 6x^2 + 2x$ 的圖形可由 $y = f(x)$ 的圖形經適當平移得到
10. 甲、乙兩班各有 40 位同學參加某次數學考試（總分為 100 分），考試後甲、乙兩班分別以 $y_1 = 0.8x_1 + 20$ 和 $y_2 = 0.75x_2 + 25$ 的方式來調整分數，其中 x_1, x_2 分別代表甲、乙兩班的原始考試分數， y_1, y_2 分別代表甲、乙兩班調整後的分數。已知調整後兩班的平均分數均為 60 分，調整後的標準差分別為 16 分和 15 分。試選出正確的選項。
- (1) 甲班每位同學調整後的分數均不低於其原始分數
 - (2) 甲班原始分數的平均分數比乙班原始分數的平均分數高
 - (3) 甲班原始分數的標準差比乙班原始分數的標準差高
 - (4) 若甲班 A 同學調整後的分數比乙班 B 同學調整後的分數高，則 A 同學的原始分數比 B 同學的原始分數高
 - (5) 若甲班調整後不及格（小於 60 分）的人數比乙班調整後不及格的人數多，則甲班原始分數不及格的人數必定比乙班原始分數不及格的人數多

11. 考慮坐標平面上的點 $O(0,0)$ 、 A 、 B 、 C 、 D 、 E 、 F 、 G ，如下圖所示：



其中 B 點、 C 與 D 點、 E 與 F 點、 G 與 A 點依序在一、二、三、四象限內。若 $\vec{v}$ 為坐標平面上的向量，且滿足 $\vec{v} \cdot \vec{OA} > 0$ 及 $\vec{v} \cdot \vec{OB} > 0$ ，則 $\vec{v}$ 與下列哪些向量的內積一定小於 0？

- (1) $\vec{OC}$ (2) $\vec{OD}$ (3) $\vec{OE}$ (4) $\vec{OF}$ (5) $\vec{OG}$

12. 設 a, b, c 都是非零的實數，且二次方程式 $ax^2 + bx + c = 0$ 的兩根都落在 1 和 3 之間。試選出兩根必定都落在 4 和 5 之間的方程式。

- (1) $a(x-2)^2 + b(x-2) + c = 0$ (2) $a(x+2)^2 + b(x+2) + c = 0$
 (3) $a(2x-7)^2 + b(2x-7) + c = 0$ (4) $a(\frac{x+7}{2})^2 + b(\frac{x+7}{2}) + c = 0$
 (5) $a(3x-11)^2 + b(3x-11) + c = 0$

三、選填題（占 25 分）

說明：第 13 題至第 17 題，每題 5 分。

13. 若 x, y 為兩正實數，且滿足 $x^{\frac{-1}{3}}y^2 = 1$ 及 $2 \log y = 1$ ，則 $\frac{x-y^2}{10} = \underline{\textcircled{13-1} \textcircled{13-2}}$ 。

14. 坐標平面上有一個半徑為 7 的圓，其圓心為 O 點。已知圓上有 A, B 兩點，且 $\overline{AB} = 8$ ，則

$$\text{內積 } \overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = \frac{\textcircled{14-1} \textcircled{14-2}}{\text{ }}。$$

15. 根據某國對失蹤輕航機的調查得知：失蹤輕航機中有 70% 後來會被找到，在被找到的輕航機當中，有 60% 裝設緊急定位傳送器；而沒被找到的失蹤輕航機當中，則有 90% 未裝設緊急定位傳送器。緊急定位傳送器會在飛機失事墜毀時發送訊號，讓搜救人員可以定位。現有一架輕航機失蹤，若已知該機有裝設緊急定位傳送器，則它會被找到的機率為

$$\frac{\textcircled{15-1} \textcircled{15-2}}{\textcircled{15-3} \textcircled{15-4}}。（化為最簡分數）$$

16. 袋中有藍、綠、黃三種顏色的球共 10 顆。今從袋中隨機抽取兩顆球（每顆球被抽中的機率相等），若抽出的兩顆球皆為藍色的機率為 $\frac{1}{15}$ ，皆為綠色的機率為 $\frac{2}{9}$ ，則從袋中隨

$$\text{機抽出兩球，此兩球為相異顏色的機率為 } \frac{\textcircled{16-1} \textcircled{16-2}}{\textcircled{16-3} \textcircled{16-4}}。（化為最簡分數）$$

17. 有三女三男共六位在校時和老師常有互動的同學，畢業後老師邀聚餐，餐後七人站一橫排照相留念。已知同學中有一女一男兩位曾有過不愉快，照相時不想相鄰，而老師站在正中間且三位男生不完全站在老師的同一側，則可能的排列方式共有

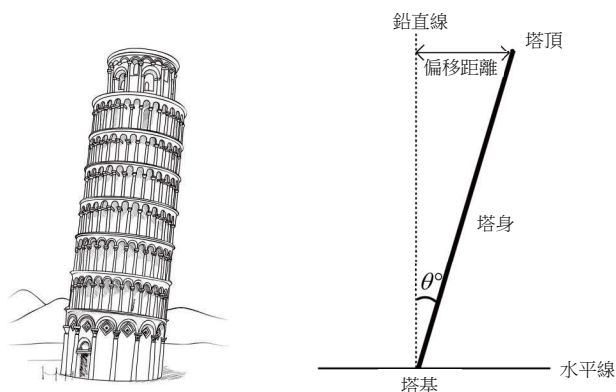
$$\frac{\textcircled{17-1} \textcircled{17-2} \textcircled{17-3}}{\text{ }} \text{ 種。}$$

第貳部分、混合題或非選擇題（占 15 分）

說明：本部分共有 1 題組，每一子題配分標於題末。限在答題卷標示題號的作答區內作答。
選擇題與「非選擇題作圖部分」使用 2B 鉛筆作答，更正時，應以橡皮擦擦拭，切勿使用修正液（帶）。非選擇題請由左而右橫式書寫，作答時必須寫出計算過程或理由，否則將酌予扣分。

18-20 題為題組

瘦長的塔因為年代久遠，塔身容易傾斜。在下方右圖中，以粗黑線條代表塔身，而塔身的長度稱為**塔高**，塔身與鉛直虛線的夾角 θ° 稱為該塔的**傾斜度**（ $0 \leq \theta < 90$ ），又塔頂至鉛直虛線的距離稱為該塔的**偏移距離**。



根據上述資料，試回答下列問題。

18. 已知世界上傾斜度最高的摩天大樓坐落於阿布達比，其**傾斜度**達到 18° ，此**傾斜度**換算成徑（或弧度）為下列哪一個選項？（單選題，5 分）

- (1) $\frac{\pi}{36}$ (2) $\frac{\pi}{18}$ (3) $\frac{\pi}{20}$ (4) $\frac{\pi}{10}$ (5) $\frac{\pi}{8}$

19. 中國虎丘塔、護珠塔與義大利的比薩斜塔是三座著名斜塔，它們的**塔高**分別為 48、19 與 57（公尺），**偏移距離**分別為 2.3、2.3 與 4（公尺），塔的**傾斜度**分別記為 θ_1° 、 θ_2° 與 θ_3° 。試比較 θ_1 、 θ_2 與 θ_3 三數的大小關係。（非選擇題，4 分）

20. 假設有塔高相等的兩座鐵塔，它們的**傾斜度** α° ， β° 分別滿足 $\sin \alpha^\circ = \frac{1}{5}$ 與 $\sin \beta^\circ = \frac{7}{25}$ 。

已知兩座鐵塔的**偏移距離**相差 20 公尺，試求它們的塔頂到地面之距離相差多少公尺。
（非選擇題，6 分）

參考公式及可能用到的數值

1. 首項為 a ，公差為 d 的等差數列前 n 項之和為 $S = \frac{n(2a + (n-1)d)}{2}$

首項為 a ，公比為 r ($r \neq 1$) 的等比數列前 n 項之和為 $S = \frac{a(1-r^n)}{1-r}$

2. $\triangle ABC$ 的正弦定理： $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$ (R 為 $\triangle ABC$ 外接圓半徑)

$\triangle ABC$ 的餘弦定理： $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos C$

3. 一維數據 $X: x_1, x_2, \dots, x_n$ ，

算術平均數 $\mu_X = \frac{1}{n}(x_1 + x_2 + \dots + x_n)$

標準差 $\sigma_X = \sqrt{\frac{1}{n}[(x_1 - \mu_X)^2 + (x_2 - \mu_X)^2 + \dots + (x_n - \mu_X)^2]} = \sqrt{\frac{1}{n}[(x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_n^2) - n\mu_X^2]}$

4. 二維數據 $(X, Y): (x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_n, y_n)$ ，

相關係數 $r_{X,Y} = \frac{(x_1 - \mu_X)(y_1 - \mu_Y) + (x_2 - \mu_X)(y_2 - \mu_Y) + \dots + (x_n - \mu_X)(y_n - \mu_Y)}{n\sigma_X\sigma_Y}$

迴歸直線（最適合直線）方程式 $y - \mu_Y = r_{X,Y} \frac{\sigma_Y}{\sigma_X}(x - \mu_X)$

5. 參考數值： $\sqrt{2} \approx 1.414, \sqrt{3} \approx 1.732, \sqrt{5} \approx 2.236, \sqrt{6} \approx 2.449, \pi \approx 3.142$

6. 對數值： $\log 2 \approx 0.3010, \log 3 \approx 0.4771, \log 5 \approx 0.6990, \log 7 \approx 0.8451$

財團法人大學入學考試中心基金會

111 學年度學科能力測驗

數學 B 考科

答題卷

※考試開始鈴響後，經確認確為本人之應試號碼與姓名後，於右方之方格內劃記，並於「確認後考生簽名」欄以正楷簽名。

※請詳閱試題本上作答注意事項與答題卷劃記及書寫注意事項。

※選擇題正確作答樣例：

1

2

3

4

第壹部分、選擇（填）題（占 85 分）

注意：考生如未能劃滿方格，或不依試題本之作答注意事項劃記致機器無法正確辨識答案時，恐將影響成績並損及權益。

1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
3	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
4	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
5	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
6	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
7	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
8	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
9	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
10	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
11	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
12	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
13-1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
13-2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
14-1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
14-2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
15-1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
15-2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
15-3	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
15-4	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
16-1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
16-2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
16-3	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
16-4	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
17-1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
17-2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±
17-3	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	±

應試號碼、條碼、姓名（不得污損、塗改或破壞）

確認答題卷應試號碼正確無誤

確認後
考生簽名

請用正楷簽名

第貳部分、混合題或非選擇題（占 15 分）

題號	作答區 注意：1.應依據題號順序，於作答區內作答。2.除另有規定外，書寫時應由左至右橫式書寫。3.作答須清晰，若未依規定而導致答案難以辨識或評閱時，恐將影響成績並損及權益。4.不得於作答區書寫姓名、應試號碼或無關之文字、圖案符號等。
18	1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 - ± 【請用 2B 鉛筆作答】
19	【請用黑色墨水的筆作答】

題號	作答區
20	注意：1.應依據題號順序，於作答區內作答。2.除另有規定外，書寫時應由左至右橫式書寫。3.作答須清晰，若未依規定而導致答案難以辨識或評閱時，恐將影響成績並損及權益。4.不得於作答區書寫姓名、應試號碼或無關之文字、圖案符號等。
	【請用黑色墨水的筆作答】

題號	作答區
20	注意：1.應依據題號順序，於作答區內作答。2.除另有規定外，書寫時應由左至右橫式書寫。3.作答須清晰，若未依規定而導致答案難以辨識或評閱時，恐將影響成績並損及權益。4.不得於作答區書寫姓名、應試號碼或無關之文字、圖案符號等。
	【請用黑色墨水的筆作答】

111 學年度學科能力測驗
數學 B 考科選擇（填）題答案

題號	答案	題號	題號	答案	題號	答案
1	1	13	13-1	9	18	4
2	3		13-2	9	19	／
3	2	14	14-1	1	20	／
4	2		14-2	7		
5	5	15	15-1	1		
6	3		15-2	4		
7	5		15-3	1		
8	1,2,5		15-4	5		
9	1	16	16-1	3		
10	1,2,4		16-2	1		
11	2,3		16-3	4		
12	3,5		16-4	5		
		17	17-1	4		
			17-2	5		
			17-3	6		

※答案「／」者，表示該題為非選擇題。

111 學年度學科能力測驗 數學 B 考科非選擇題評分原則

數學 B 的題型有選擇（填）與混合題或非選擇題。非選擇題主要評量考生是否能夠清楚表達推理論證過程。數學科非選擇題的解法通常不只一種，且有些解法並不屬於高中課程範圍，在此提供屬於高中課程，且多數考生可能採用的解法以供各界參考。不管採取哪種解法，均需於答題卷上清楚表達推理或解題過程，且得到正確答案，方可得到滿分。若過程中列式正確，但計算錯誤，則酌給部分分數。如果只有答案對，但觀念錯誤，或過程不合理，則無法得到分數。以下提供非選擇題參考答案，以及評分原則，至於學生的作答與無法得到滿分的情形，請參閱本中心將於 4 月 15 日出刊的第 330 期《選才電子報》。

第 19 題

一、滿分參考答案：

由題意可得

$$\sin \theta_1^\circ = \frac{2.3}{48} \text{、} \sin \theta_2^\circ = \frac{2.3}{19} \text{、} \sin \theta_3^\circ = \frac{4}{57}$$

由通分或化成小數比較可得 $\frac{2.3}{19} > \frac{4}{57} > \frac{2.3}{48}$ ，即 $\sin \theta_1^\circ < \sin \theta_3^\circ < \sin \theta_2^\circ$

因為正弦函數在區間 $[0^\circ, 90^\circ]$ 為（嚴格）遞增函數，所以 $\theta_1 < \theta_3 < \theta_2$ 。

二、評分原則：

（一）根據題意列出正確的數學式，例如三個角度的正弦值或是三組邊長的比值。

（二）正確寫出 θ_1 、 θ_2 、 θ_3 的大小關係並說明理由，例如利用正弦函數嚴格

遞增性質得到 $\theta_1 < \theta_3 < \theta_2$ 。

第 20 題

一、滿分參考答案：

設兩座鐵塔塔高皆為 x 公尺，則其偏移距離分別為 $x \sin \alpha^\circ = \frac{x}{5}$ 與 $x \sin \beta^\circ = \frac{7x}{25}$ ，

依題意「偏移距離相差 20 公尺」可列式為

$$|x \sin \alpha^\circ - x \sin \beta^\circ| = 20 \Rightarrow \left| \frac{x}{5} - \frac{7x}{25} \right| = 20 \Rightarrow \frac{7x}{25} - \frac{x}{5} = 20, \text{ 解得 } x = 250 \text{ 公尺}。$$

$$\text{因為 } \sin \alpha^\circ = \frac{1}{5} \text{ 和 } \sin \beta^\circ = \frac{7}{25}, \text{ 可得 } \cos \alpha^\circ = \sqrt{1 - \left(\frac{1}{5}\right)^2} = \frac{2\sqrt{6}}{5} \text{ 與 } \cos \beta^\circ = \sqrt{1 - \left(\frac{7}{25}\right)^2} = \frac{24}{25}$$

故兩塔的塔頂到地面之距離分別為 $x \cos \alpha^\circ = 100\sqrt{6}$ 與 $x \cos \beta^\circ = 240$ ，得其距

離相差 $100\sqrt{6} - 240 \approx 100 \times 2.449 - 240 = 4.9$ (公尺)。

上述之兩塔的塔頂到地面距離也可利用畢氏定理得到，例如

$$\sqrt{250^2 - 50^2} = 100\sqrt{6}, \quad \sqrt{250^2 - 70^2} = 240。$$

二、評分原則：

(一) 根據題意，正確連結塔高、偏移距離與正弦函數值三者之間的關係，

並列出正確的數學式。

(二) 正確解出上述所列之數學式，並正確求出兩塔的塔頂到地面之垂直距

離。

(三) 正確比較兩垂直距離的大小關係，並寫出其相差值。